

## SYLLABUS DEL CORSO

### **Matematica per la Finanza - 1**

2223-2-E1803M051-T1

---

#### **Learning objectives**

- Being able of using a formalized mathematical language
- Understanding and being able to repeat simple mathematical arguments
- Being able to do simple mathematical calculations, similar to those discussed during the lectures
- Being able to use Excel for simple financial calculations

#### **Contents**

- Series
- Integrals
- Linear Algebra
- Linear Programming
- Financial Mathematics
- Basics of bonds mathematics
- Introduction to derivative instruments

#### **Detailed program**

- 1) Sequences and series
  - Convergent, divergent and oscillating series
  - Necessary condition for convergence
  - Geometric series, harmonic series, telescopic sums
  - Sufficient conditions for convergence
  - Leibniz criterion

## 2) Integrals

- Construction of the Riemann integral and first properties
- Theorems on integrals
- Computations of integrals: integration by parts and by substitution. Integration of rational functions.
- Improper integrals
- Sufficient conditions for convergence of improper integrals

## 3) Linear algebra

- Vectors, vector spaces
- Matrices, linear functions
- Operations with matrices
- Determinant, Rank, Inverse matrix
- Linear systems and Rouché-Capelli Theorem
- Gauss algorithm

## 4) Linear programming

- Examples of linear problems
- Geometric solution

## 5) Financial mathematics

- Elementary definitions of financial mathematics
- Interest rates. Force of interest.
- Annuities and their net present values
- Time indexes
- Amortizing plans
- Choice between financial operations
- Net Present Value and Internal Rate of Return
- Term structure of interest rates

## 6) Bond mathematics

- Interest rate risk and duration
- Properties of duration
- Duration in Excel
- Geometric interpretation of duration
- Convexity
- Immunization
- Term structure

## 7) Introduction to derivative instruments

- Options, forward, futures
- Marking to market
- Elementary payoffs, Merton bounds
- No arbitrage principle
- Binomial model in one and two periods
- Black-Scholes formula
- Sensitivity analysis: computation of Delta and Gamma

## Prerequisites

Il corso di Matematica Generale è propedeutico al corso di Matematica per la Finanza.

In generale, saranno necessari i concetti di teorema, ipotesi, tesi, dimostrazione, condizione necessaria e condizione sufficiente.

In particolare, utilizzeremo il concetto di limite e il concetto di derivata.

## **Teaching methods**

I concetti teorici saranno spiegati attraverso slides messe a disposizione degli studenti. Al corso saranno affiancate 24 ore di esercitazioni nelle quali i concetti spiegati verranno applicati alla soluzione di semplici problemi.

## **Assessment methods**

L'esame è composto da uno scritto nel quale verranno valutate sia la conoscenza e la comprensione degli argomenti spiegati a lezione, sia la capacità di applicarli a semplici problemi simili a quelli svolti a esercitazioni. Allo scritto segue un orale facoltativo.

## **Textbooks and Reading Materials**

- Lectures' Slides
- "Successioni, serie e integrali", Manuale modulare di Metodi Matematici, vol. 5, a cura di Giovanna Carcano, edizioni Giappichelli Torino
- "Algebra lineare", Manuale modulare di Metodi Matematici, vol. 4, a cura di Maria Ida Bertocchi, edizioni Giappichelli Torino
- "Elementi di Matematica Finanziaria e cenni di Programmazione Lineare", S. Stefani, A. Torriero e G. Zambruno, edizioni Giappichelli Torino
- "Opzioni e futures", J. Hull

## **Semester**

First Semester

## **Teaching language**

Italian

## **Sustainable Development Goals**

---