



UNIVERSITÀ  
DEGLI STUDI DI MILANO-BICOCCA

## SYLLABUS DEL CORSO

### Algebra Lineare

2324-1-E4101B002

---

#### Obiettivi formativi

Il corso intende presentare i risultati di base dell'algebra lineare che sono basilari e propedeutici per altri insegnamenti di questo corso di laurea.

#### Contenuti sintetici

1. Numeri complessi e teorema fondamentale dell'algebra.
2. Spazi vettoriali.
3. Spazi vettoriali con prodotto scalare interno.
4. Trasformazioni lineari.
5. Matrici e operazioni tra matrici.
6. Sistemi di equazioni lineari.
7. Lo spettro di una applicazione lineare.
8. Diagonalizzazione di matrici e applicazioni lineari.
9. Forme quadratiche e segnatura.

#### Programma esteso

Operazioni di somma e prodotto per scalari di vettori di  $\mathbb{R}^n$  e tra matrici. Moltiplicazione tra matrici. Sistemi di equazioni lineari, numero di soluzioni, metodo di risoluzione di Gauss, matrice completa e incompleta associata ad un sistema lineare. Sistemi lineari omogenei e sistemi lineari non omogenei. Definizione astratta di spazio vettoriale. Definizione di sottospazio vettoriale. Intersezione di sottospazi vettoriali e somma di sottospazi vettoriali. Vettori linearmente dipendenti e linearmente indipendenti. Vettori generatori. Definizione di base e poi di dimensione di uno spazio vettoriale. Teoremi fondamentali su basi, vettori generatori e vettori linearmente

indipendenti. Definizione di sottospazio vettoriale generato da un insieme di vettori e descrizione esplicita nel caso in cui l'insieme dei vettori sia finito. Determinante di una matrice. Definizione di applicazione lineare e sue proprietà di base. Nucleo e immagine di una funzione lineare, teorema di nullità + rango. Matrice associata ad applicazioni lineari, esempi, e proprietà di base della matrice associata ad applicazioni lineari. Discussione tra nucleo di un'applicazione lineare e nucleo della matrice associata all'applicazione lineare. Discussione tra immagine di un'applicazione lineare e lo span delle colonne della matrice associata all'applicazione lineare. Discussione della relazione tra rango di una matrice e dimensione dello span delle righe, e dimensione dello span delle colonne. Formula del cambiamento di basi per una applicazione lineare (soltanto il caso in cui il dominio coincide con il codominio). Metodo di Gauss per il calcolo della matrice inversa. Endomorfismi. Autovalori e autovettori per endomorfismi. Spettro di matrici e di applicazioni lineari. Diagonalizzazione di matrici e di applicazioni lineari. Classificazione delle forme quadratiche. Elementi sui numeri complessi.

## Prerequisiti

Non sono previsti prerequisiti.

## Metodi didattici

Lezione frontale. Esercitazioni sul materiale teorico. Attività di tutoraggio. Tutoraggio online su esercizi informatizzati proposti.

## Modalità di verifica dell'apprendimento

L'esame consiste in una prova informatizzata più una eventuale prova orale. La prova d'esame consiste sia di esercizi simili a quelli visti a esercitazioni, sia di quesiti a contenuto più teorico. La prova è informatizzata, ma la risposta ad alcune tipologie di domande/esercizi può essere richiesta anche su carta. La durata della prova è di 2 ore e durante non è consentito l'utilizzo di libri di testo o appunti e dispense. L'uso di calcolatrici non è consentito.

La prova orale **non** è obbligatoria per tutti.

- Gli studenti che ottengano nella prova scritta una votazione di 16 o meno dovranno tornare ad un appello successivo.
- La prova orale è *obbligatoria* per coloro che ottengano nella prova scritta una votazione compresa tra 17 e 19 (estremi inclusi).
- La prova orale è *facoltativa* per chi ottenga un voto nella prova scritta maggiore o uguale a 27: questi studenti possono scegliere se accettare una votazione di 27 oppure sostenere una prova orale al fine di ottenere una votazione maggiore (fermo restando che la prova orale, se insoddisfacente, può portare ad un abbassamento della votazione finale o ad una insufficienza). In pratica se uno studente ottiene 28 nella prova scritta può decidere di verbalizzare il voto senza sostenere la prova orale: in tal caso verrà registrato il voto 27. Altrimenti, lo studente può decidere di sostenere una prova orale: a seconda dell'andamento della prova orale il voto 28 può essere abbassato (fino ad una eventuale insufficienza), confermato, o alzato.
- Per chi prenda almeno 17 nella prova scritta: la prova orale deve essere sostenuta in tutti quei casi che venga richiesta o dal docente o dallo studente (che intenda migliorare il voto dello scritto). Ad esempio, uno studente prende 24 nella prova scritta e potrebbe quindi saltare la prova orale, ma decide di farla per migliorare il proprio voto.
- La prova orale, ove prevista, va sostenuta nello stesso appello della prova scritta. In ogni caso l'esame finisce nell'appello in cui venga svolta la prova scritta.

Durante il periodo del corso sarà possibile per gli studenti fare pratica sul sistema informatizzato da casa propria e, nel caso che svolgano tutti gli esercizi nel periodo previsto, potranno accumulare fino a 2 punti di bonus. Questo bonus si aggiungerà al voto dell'esame scritto, permettendo agli studenti di avere un voto migliorato nello scritto.

## **Testi di riferimento**

1. Schlesinger E., Algebra Lineare e Geometria, Zanichelli, 2017 (seconda edizione)
2. Fiorese R., Morigi M., Introduzione all'Algebra Lineare, Casa Editrice Ambrosiana, 2021 (seconda edizione)
3. Appunti delle lezioni disponibili sul sito di elearning del corso.

## **Periodo di erogazione dell'insegnamento**

Secondo semestre (Marzo-Aprile)

## **Lingua di insegnamento**

Italiano

## **Sustainable Development Goals**

ISTRUZIONE DI QUALITÀ

---