UNIVERSITÀ
DEGLI STUDI DI MILANO-BICOCCA

COURSE SYLLABUS

Dynamical Systems and Classical Mechanics

2425-2-E3501Q012

Obiettivi

L'insegnamento si propone di presentare le idee fondamentali della Meccanica Classica, dalla formulazione di Galileo e Newton a quella di Lagrange, Hamilton e Jacobi e di fornire gli strumenti matematici necessari alla loro comprensione.

I risultati di apprendimento attesi includono:

- La conoscenza e la comprensione delle definizioni e degli enunciati fondamentali delle diverse formulazioni della Meccanica Classica.
- La conoscenza e la comprensione di alcuni esempi chiave (oscillatore armonico, problema di Keplero, trottola di Lagrange);
- La capacità di applicare le conoscenze astratte acquisite alla risoluzione di esercizi. In particolare la capacità di dedurre le equazioni di Lagrange/Hamilton di un sistema vincolato, la capacità di ridurre i gradi di libertà in presenza di simmetrie e la capacità in alcuni casi semplici di discutere qualitativamente il comportamento delle soluzioni delle equazioni del moto e/o di ridurre la loro soluzione a quadrature.

Contenuti sintetici

Richiami di meccanica newtoniana. Equazioni differenziali e loro studio qualitativo. Il principio di D'Alembert e la meccanica di Lagrange. Il problema a due corpi. Il corpo rigido. La meccanica Hamiltoniana. Trasformazioni canoniche.

Programma esteso

Programma esteso

1. Richiami di teoria delle equazioni di differenziali. Campi vettoriali e sistemi di equazioni di differenziali del prim'ordine. Punti di equilibrio di un sistema autonomo e loro stabilità. Teorema di Lyapounov. Linearizzazione di sistemi nonlineari vicino a un punto di equilibrio. Sistemi a un grado di liberta: curve di livello dell'energia e loro studio dettagliato in esempi rilevanti.

2. Meccanica lagrangiana. Equazioni di Eulero-Lagrange. Punto materiale vincolato ad una curva regolare. Punto materiale vincolato ad una superficie regolare. Il principio di D'Alembert per vincolo olonomi. Punti di equilibrio e piccole oscillazioni. Formulazione variazionale delle equazioni di Eulero-Lagrange. Gruppi ad un parametro di diffeomorfismi e simmetrie. Il teorema di Noether. Il problema a due corpi. Le leggi di Keplero.

3. SO(3) e velocità angolare. Sistemi di riferimento inerziali e non inerziali. Meccanica del corpo rigido. L'operatore di inerzia. Il teorema di K•oenig. Le equazioni di Eulero per il corpo rigido. Gli angoli di Eulero e la trottola di Lagrange.

4. Meccanica hamiltoniana. La trasformata di Legendre. Le equazioni di Hamilton. Parentesi di Poisson di funzioni e di Lie. Simmetrie e leggi di conservazione in meccanica hamiltoniana. Formulazione variazionale delle equazioni di Hamilton. Trasformazioni canoniche e condizioni equivalenti di canonicità. Il toerema di Liouville.

Prerequisiti

Analisi I, Algebra Lineare e Geometria, Fisica I.

Modalità didattica

64 ore di lezione svolte in modalità erogativa, in presenza (8 cfu)
48 ore di esercitazione in modalità erogativa, in presenza (4 cfu)
L'insegnamento è erogato in lingua italiana

Il corso utilizzerà didattica in presenza di tipo erogativo per sviluppare i concetti e le tecniche fondamentali nell'ambito dei Sistemi Dinamici e della Meccanica Classica. Il docente sottolineerà in modo problematico la teoria esposta e porrà frequentemente domande agli studenti, stimolando e incoraggiando la posizione di domande e problemi da parte loro.

Materiale didattico

Testi consigliati:

1. V. I. Arnold, Metodi matematici della meccanica classica, Editori Riuniti.

2. A. Fasano e S. Marmi Meccanica Analitica Bollati-Boringhieri 2002.

3. L.D. Landau. E. M. Lifshits, Meccanica, Editori Riuniti.

4. N.M.J. Woodhouse, Introduction to analytical dynamics, Oxford Science Publications. The Clarendon Press, Oxford University Press, New York, 1987.

G.Dell'Antonio, Elementi di Meccanica, Liguori, Napoli (1996)

Altro materiale complementare verrà fornito dal docente.

Per quanto riguarda esempi ed esercitazioni, si consigliano i seguenti testi

1. F. Talamucci, Esercizi svolti sul formalismo lagrangiano e hamiltoniano con brevi richiami di teoria. Edizioni Nuova Cultura, 20142.

2. Alessandra Celletti, Esercizi e Complementi di Meccanica Razionale, Aracne Editrice, (2003)

3. Giancarlo Benettin, Eserciziario per il corso di Fisica Matematica, Padova (2017)

(liberamente scaricabile dalla pagina web dell'autore:

).

Periodo di erogazione dell'insegnamento

Secondo semestre.

Modalità di verifica del profitto e valutazione

L'esame è costituito da una prova scritta ed una prova orale.

La prova scritta consiste nello svolgimento di due esercizi (tipicamente un esercizio di Meccanica Lagrangiana ed un esercizio di Meccanica Hamiltoniana). La durata della prova è di tre ore. Risposte corrette senza adeguate spiegazioni per motivare i risultati ottenuti non verranno valutate a pieni voti. L'ammissione all'orale richiede un voto nella prova scritta non inferiore a 15/30.

La prova orale richiede la conoscenza e la dimostrazione dei teoremi svolti a lezione e la capacità di illustrarne il contenuto mediante esempi significativi. Oltre alla conoscenza dei contenuti teorici del corso verrà valutata la capacità di presentarli in modo ben strutturato, coerente e con linguaggio appropriato. Verrà valutata pertanto oltre all'abilità nella soluzione di esercizi, anche la consapevolezza teorica dello studente. Se questa è valutata positivamente, potrà venire considerata sufficiente per la valutazione complessiva, e darà luogo alla possibilità di rinunciare alla prova orale. In assenza di quest'ultima la votazione finale non potrà tuttavia superare i 27/30.

Durante la sessione estiva la prova orale potrà essere sostenuta nello stesso appello d'esame in cui è stata sostenuta la prova scritta o in quello immediatamente successivo. Durante la sessione invernale la prova orale va sostenuta nello stesso appello nel quale si è sostenuta la prova scritta.

Durante lo svolgimento del corso, verranno offerte due prove scritte in itinere, attinenti alla prima metà e alla seconda metà del corso rispettivamente. Gli studenti che superano entrambe le prove con un voto non inferiore a 15/30 sono ammessi alla eventuale prova orale. In questo caso la prova orale va sostenuta entro l'appello di luglio compreso

Orario di ricevimento

Su appuntamento, per mezzo della piattaforma webex o di persona quando consentito dalla situazione sanitaria.

Sustainable Development Goals

ISTRUZIONE DI QUALITÁ