

# UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI MILANO-BICOCCA

# **COURSE SYLLABUS**

# **Equity Derivatives**

2526-2-F1601M064-F1601M074M

#### Obiettivi formativi

L'obiettivo del corso è quello di fornire agli studenti gli strumenti matematici e numerici per la valutazione degli strumenti finanziari il cui sottostante è un titolo azionario. Inoltre vengono presentati i modelli principali legati alle misure di variabilità nel mercato azionario.

Risultati di apprendimento attesi (descrittori di Dublino):

#### 1. Conoscenza e comprensione

Gli studenti acquisiranno una solida comprensione degli aspetti teorici relativi ai principali argomenti trattati durante il corso, tra cui i tipi fondamentali di strumenti derivati path e non-path dependent.

#### 2. Capacità di applicare conoscenza e comprensione

Gli studenti saranno in grado di applicare con efficacia i metodi matematici presentati nel corso e in particolare a simulare la dinamica di un titolo azionario. Innoltre gli studenti sapranno scaricare i dati dal terminale Bloomberg e utilizzare le funzioni per la valutazione dei contratti finanziari.

### 3. Autonomia di giudizio

Gli studenti svilupperanno capacità logiche e analitiche utili per affrontare e risolvere problemi complessi, anche di natura interdisciplinare, valutando criticamente i risultati ottenuti.

#### 4. Abilità comunicative

Gli studenti impareranno ad utilizzare un linguaggio matematico chiaro e rigoroso, in modo da saper esprimere con precisione e coerenza le conoscenze acquisite e da comunicare efficacemente idee, metodi e risultati.

# 5. Capacità di apprendimento

Gli studenti svilupperanno un metodo di studio autonomo, che consentirà loro di affrontare con consapevolezza e successo anche temi legati alla finanza quantitativa più recenti.

#### Contenuti sintetici

I limiti del modello di Black&Scholes e il Lemma di Ito per le funzioni multivariate.

Cambio di numerario.

Opzioni Esotiche

Metodi numerici per la finanza

Modelli a volatilità stocastica

Derivati sulla volatilità

## Programma esteso

\*I limiti del modello di Black&Scholes e il Lemma di Ito per le funzioni multivariate:

I limiti del modello di Black and Scholes. Normal Mixture models per l'option pricing. Il lemma di Ito per le funzioni multivariate.

Tecniche di cambio del numerario:

Introduzione alla tecnica di cambio di numerario. Derivazione della formula di B&S utilizzando la tecnica del cambio di numerario.

Exchange and Exotic Options:

Valutazione delle Exchange options tramite la tecnica del cambio del numerario. Opzioni Esotiche: path e non-path dependent.

Metodi numerici applicati alla finanza I

Metodi iterativi

Simulazione di Monte Carlo: teoria, intervalli di confidenza e tecniche di riduzione della varianza. Simulazione delle traiettorie e applicazioni all'option pricing.

Metodi numerici applicati alla finanza II

Monte Carlo Simulation per le opzioni path dependent. Alberi binomiali e trinomiali.

Utilizzo di Bloomberg per la valutazione dei derivati

Scaricamento dei prezzi sulle opzioni e della superficie della volatilità implicità. Scenari simulati per il sottostante e valutazione delle opzioni esotiche in Bloomberg.

Metodi numerici applicati alla finanza III

Metodo delle differenze finite

Applicazione del metodo alle differenze finite per il calcolo delle Greche.

Modelli a volatilità stocastica

Volatilità stocastica. Superficie di volatilità impicita.

Modello di Heston: simulazione, formula per il pricing e superficie di volatilità.

I derivati sulla volatilità

La formula per la replica del log-contract.

Variance e Volatility Swaps. VIX Index: la formula del CBOE.

### **Prerequisiti**

Conoscenza dei concetti riguardanti la matematica finanziaria, agli strumenti derivati e di programmazione.

#### Metodi didattici

Lezioni frontali di teoria ed esercitazioni (Excel, Matlab ed utilizzo del data provider Bloomberg)

In particolare, parte della didattica sarà erogata in modalità da remoto (al più il 30% delle ore); la restante parte sarà erogata in presenza. Le lezioni da remoto saranno comunicate con congruo preavviso da parte del docente e potranno essere erogate in streaming oppure in modalità asincrona.

Le lezioni e le esercitazioni di svolgeranno in parte sotto forma di didattica erogativa. Il 30% delle ore complessive erogate (lezioni ed esercitazioni) si svolgerà in forma interattiva (verifiche della comprensione degli argomenti trattati e proposta di esercizi interattivi su Matlab).

# Modalità di verifica dell'apprendimento

Realizzazione di una relazione su un project work e successiva prova orale obbligatoria.

**Voto finale= 0.4\* Voto Project work+0.6\* Voto Prova Orale** 

#### Project work

- -Gli studenti formeranno dei gruppi (3-4 studenti) e a ciascun gruppo verrà assegnato un progetto da svolgere riguardante i temi visti a lezione. Il progetto tratterà argomenti di rilevanza pratica nell'ambito della valutazione di strumenti derivati e userà dati di mercato scaricati dal terminale Bloomberg.
- Ogni gruppo dovrà elaborare una relazione scritta sul lavoro svolto. Anche i codici Matlab prodotti per svolgere l'assignment devono essere inclusi nel report finale.

#### Prova orale

-L'esame orale e il voto d'esame sono individuali.

-L'esame orale consisterà in un colloquio iniziale sulla relazione svolta in gruppo (project work), e successivamente in un colloquio sugli argomenti svolti a lezione.

#### Testi di riferimento

Materiale fornito dal docente (slide delle lezioni e codici Matlab) sul sito della didattica in rete di ateneo (pagina e-learning del corso)

- J. Hull, 'Options, Futures and other derivatives', 7th edition in English (Prentice Hall).
- P. Glasserman, 'Monte Carlo Methods in Financial Engineering' Springer Science, 2003

# Periodo di erogazione dell'insegnamento

Primo semestre

# Lingua di insegnamento

Italiano

# **Sustainable Development Goals**

ISTRUZIONE DI QUALITÁ | PARITÁ DI GENERE