

Il punteggio ottimale

Giovanni Battista Flebus



Che cos'è

- Un metodo matematico-statistico per dare un valore numerico a qualsiasi categoria che faccia parte di una potenziale scala di misurazione
- Si applica a scale ordinali e nominali (ma anche a intervalli)
- Produce una quantificazione in punti zeta di ciascuna modalità di ciascuna variabile



Ecco un esempio (con 3 domande)

• Tre domande riguardanti l'uso della lingua italiana, frequenza della scuola italiana e cittadinanza dei genitori, inserite all'interno di un questionario sul benessere degli studenti delle scuole superiori

- F12. Di che nazionalità sono i tuoi genitori?
 - 1. entrambi i miei genitori sono italiani
 - 2. uno dei miei genitori non è italiano
 - 3. nessuno dei miei genitori è italiano
 - 4. altre risposte
- F13. Quanti anni hai frequentato la scuola in Italia?
 - 1. tutti
 - 2. la maggior parte
 - 3. una piccola parte
 - 4. solo quest'anno
- F14. Con i tuoi familiari tu parli:
 - in italiano o in un dialetto italiano*
 - 2. nella lingua di un'altra nazione **
 - un po' in italiano e un po' in un'altra lingua nazionale
 - 4. altre risposte
 - *Es: milanese, lombardo, ticinese, ligure, veneto, siciliano
 - ** es.: arabo, albanese,cinese, francese, greco, inglese, sloveno, tedesco ecc.

Le domande sono rivolte a studenti di scuole superiori per rilevare la capacità del loro ambiente familiare di rispondere alle esigenze di educazione usando la lingua italiana.



Ecco i risultati della quantificazione e le frequenze delle risposte



F12 Di che nazionalità sono i tuoi genitori

Punti: Coordinate

		Coordinate del baricentro
		Dimensione
Categoria	Frequenza	1
1 entrambi i miei genitori sono italiani	995	-,400
2 uno dei miei genitori non è italiano	65	1,234
3 nessuno dei mei genitori è italiano	123	2,318
4 altre risposte	15	2,243

Normalizzazione principale variabile.



F13 Quanti anni hai frequentato la scuola in Italia

Punti: Coordinate

		Coordinate del baricentro
		Dimensione
Categoria	Frequenza	1
1 tutti	1093	-,237
2 la maggior parte	82	2,505
3 una piccola parte	13	2,321
4 solo quest'anno	8	2,753
Mancante	2	

Normalizzazione principale variabile.

F14 Con i tuoi familiari tu parli

Frequenza

1001

46

122

25

2

Coordinate

del baricentro

Dimensione

-,395

2,568

1,868

1,851

1,696

1 in italiano o in un dialetto italiano

3 un po" in italiano e un po" in un altra

Normalizzazione principale variabile.

2 nella lingua di un'altra nazione

Categoria

lingua nazionale

4 altre risposte

Mancante

9

Punti	Coordinate	
i diid.	Coordinate	



La quantificazione ottimale

- Si basa sul principio che il punteggio totale serve per calibrare le singole risposte
- A loro volta, le singole risposte servono a calcolare il punteggio totale.
- Il procedimento è iterativo e reciproco, e si arresta quando i risultati non cambiano dopo una iterazione (si chiama anche *Metodo delle medie reciproche*)



Come si ottiene?

- Anche se i calcoli sono piuttosto complicati, possono essere descritti in modo relativamente semplice
- Si attribuisce il valore 1 a una modalità (tutto italiano) e zero alle altre, in ogni domanda
- Si calcola la somma per ogni partecipante.
- Nel caso delle tre domande sull'*italianità*, il punteggio può andare da 0 a 3



Continua...

- Si standardizza il punteggio (punti zeta)
- Si calcola per ogni domanda la media di chi ha risposto A,B,C...
- Il valore 1 A è quindi la media del punteggio totale di coloro che hanno dato la risposta A alla domanda 1, il valore 1B è la media del punteggio di chi ha dato la risposta 1B e così via...



Comincia l'iterazione

- La risposta A alla domanda 1 che inizialmente aveva una codifica pari a 0 oppure 1, adesso viene codificata con il valore 1A, ossia con la media calcolata con il metodo appena detto.
- Si riattribuisce la nuova codifica a tutte le risposte
- Si calcola di nuovo il punteggio totale, la media di ogni categoria... e si ricomincia da capo



Report

F13 Quanti anni hai fre Italia	somma	Zsomma Punteggio Z (somma)	
1 tutti Media e nuovo	Media	2,7832	,2338876
punteggio per	1.A	1093	1093
la categoria 1	Deviazione std.	,57386	,64219627
2 la maggior parte	Media	,4390	-2,3894057
	N	82	82
	Deviazione std.	,78721	,88095011
3 una piccola parte	Media	,5385	-2,2781270
	N	13	13
	Deviazione std.	,77625	,86868975
4 solo quest'anno	Media	,3750	-2,4610544
	N	8	8
	Deviazione std.	,74402	,83262587
Totale	Media	2,5819	,0086988
	N	1196	1196
	Deviazione std.	,88453	,98986947



Report

			Zsomma Punteggio Z
F14 Con i tuoi familiai	ri tu parli	somma	(somma)
1 in italiano o in un	Media	2,9361	,4049938
dialetto italiano	Ν	1001	1001
	Deviazione std.	,26816	,30009030
2 nella lingua di	Media	,5435	-2,2725129
un'altra nazione	Ν	46	46
	Deviazione std.	,65681	,73502756
3 un po" in italiano e	Media	,8115	-1,9726013
un po" in un altra	Ν	122	122
lingua nazionale	Deviazione std.	,65973	,73829008
4 altre risposte	Media	,8400	-1,9406799
	Ν	25	25
	Deviazione std.	,80000	,89526799
9	Media	1,0000	-1,7616263
	Ν	2	2
	Deviazione std.	1,41421	1,58262516
Totale	Media	2,5803	,0068274
	Ν	1196	1196



		codifica	Punteggio	codifica
Risposte	Frequenza	iniziale	medio	intermedia
				Tot
F12 Di che nazionalità sono i tuoi genitori		ricodifica	Tot	standardizzato
1 entrambi i miei genitori sono italiani	995	1	2,94	0,41
2 uno dei miei genitori non è italiano	65	0	1,12	-1,62
3 nessuno dei mei genitori è italiano	123	0	0,64	-2,16
4 altre risposte	15	0	0,60	-2,21
Totale	1200		2,58	0,00

1	
punteggio totale	frequenza
0	78
1	98
2	81
3	943
Totale	1200



Quando si finisce?

- L'iterazione produce dei valori che tendono a stabilizzarsi dopo un certo numero di ripetizioni.
- Quando non si produce più cambiamento nelle nuovo codifiche, si ferma l'iterazione.



E dopo?

- Poiché ogni modalità riceve una quantificazione numerica, tutti gli item della scala sono utilizzabili come una scala a intervalli.
- Si può calcolare sia il coefficiente alfa di Cronbach sia le correlazioni fra domande, su cui si può ulteriormente applicare l'analisi fattoriale, per accertarsi che ogni item contribuisca alla scala.



- Se un item ha una saturazione bassa, non fa veramente parte della scala, e si può eliminare.
- Dopo l'eliminazione di un item scadente, si ripetono i calcoli e si ottengono nuove quantificazioni ottimali



E se si applica il metodo alle scale ordinali già usate?

• Il metodo può essere applicato alle scale ordinali di tipo Likert, per verificare la reale congruenza fra posizione ordinale e quantificazione numerica a priori.



Esempio di una scala di stress scolastico

Indica sull'apposito foglio in quale misura le seguenti situazioni rappresentano per te una fonte di stress, fatica sofferenza o malessere, utilizzando i numeri da 1 (nessuno stress, nessun disagio) a 5 (stress estremo, malessere forte e acuto). Se una situazione non è pertinente per te o non sai dare una risposta scrivi 9 sul foglio di risposta.

1	2	3	4	5
Nessuno	Poco	Abbastanza	Molto	Stress estremo,
stress o	stress	stress	stress	malessere forte e
disagio				acuto

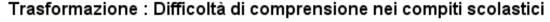
Sul foglio di risposta fai un cerchietto attorno alla cifra che corrisponde alla risposta che hai scelto.

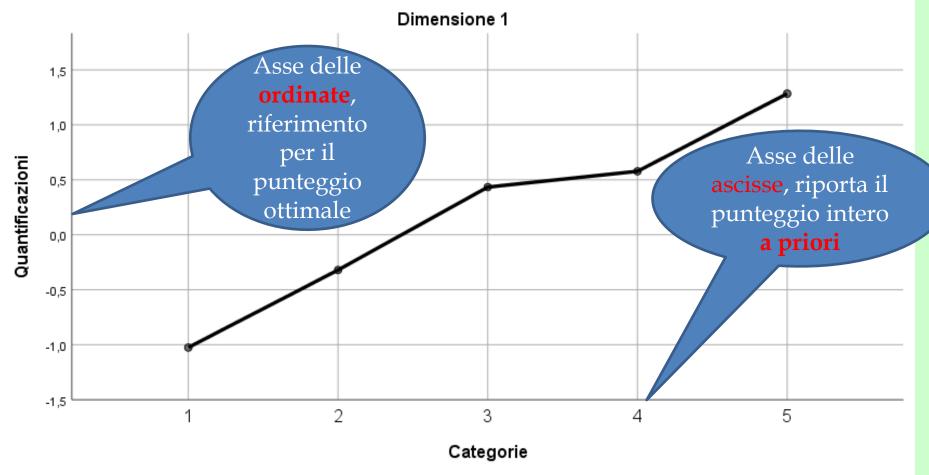
- E1. Troppi compiti da fare ogni pomeriggio.
- E2. Subire le interrogazioni orali.
- E3. Difficoltà di comprensione nei compiti scolastici.
- E4. Difficoltà a capire frasi e domande nelle verifiche e nelle interrogazioni.
- I compagni di studio prendono ripetutamente voti o valutazioni migliori.
- E6. Mancanza di concentrazione a scuola.

- E7. Difficoltà a tenere il passo con il lavoro scolastico.
- Scarsa conoscenza del livello di rendimento scolastico richiesto dagli insegnanti.
- Difficoltà a prendere appunti in modo personale.
- E10. Difficoltà di esprimermi.
- E11. Conseguenze per aver deluso i genitori.
- E12. Incertezza sul futuro scolastico.



Esempio di una scala di stress scolastico

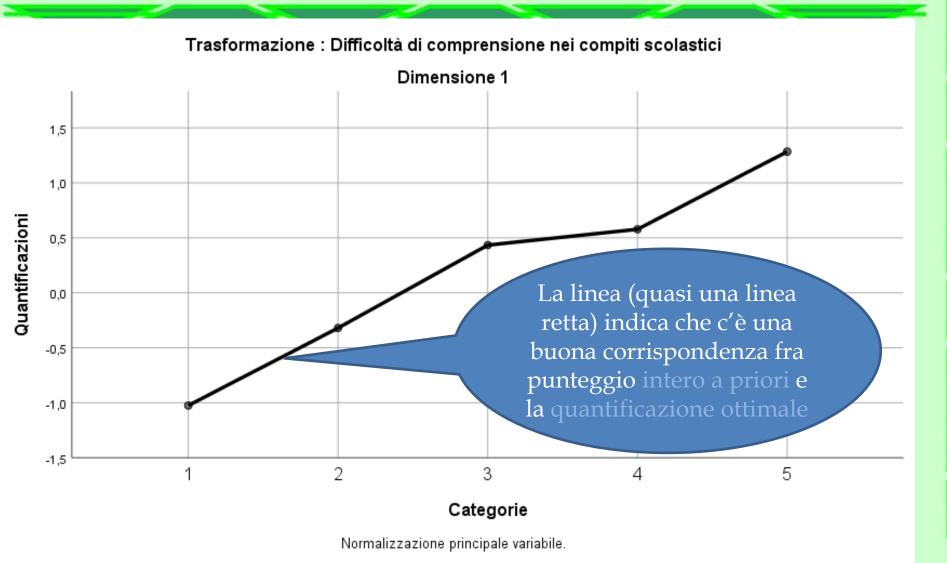




Normalizzazione principale variabile.



Esempio di una scala di stress scolastico





Esempio con la scala di atteggiamento verso gli esami universitari

- L'analisi fattoriale ha individuato quattro fattori nelle coppie di aggettivi usate per definire il valore simbolicoaffettivo degli esami universitari, in un campione di studenti
- Analizziamo la scala della Dimensione ansiogena degli esami (solo una parte degli item, per semplicità di esposizione



La quantificazione a priori

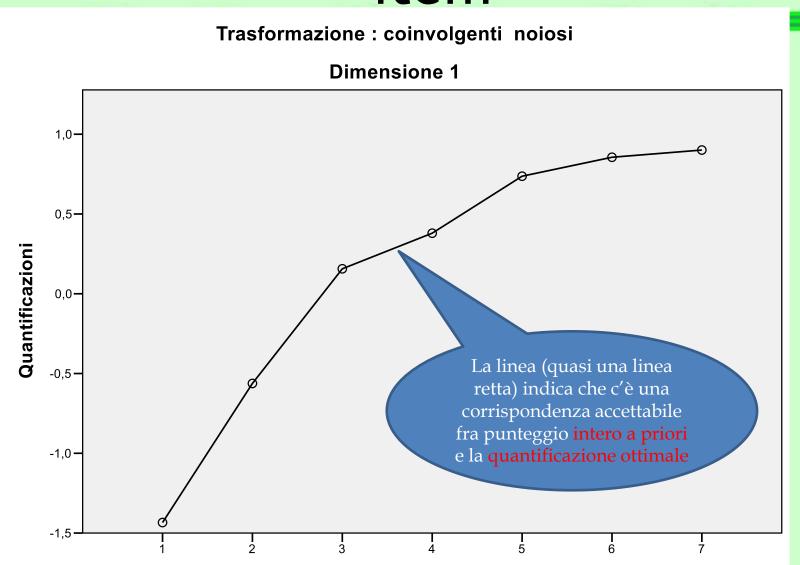
- In questo esempio di differenziale semantico il punteggio intero a priori va da 1 a 7 e indica la polarità delle coppie di aggettivi:
 - 123 aggettivo a sinistra,
 - 4 neutro, equidistante,
 - 5 6 7 aggettivo di destra

Per esempio, per la coppia coinvolgenti – noiosi il punteggio 1 significa che gli esami sono considerati molto coinvolgenti, il punteggio 5 invece indica leggermente noiosi

Punteggio intero a priori: valore numerico con numeri naturali attribuibili dal ricercatore senza nessuna conoscenza della variabile soggiacente alla misurazione

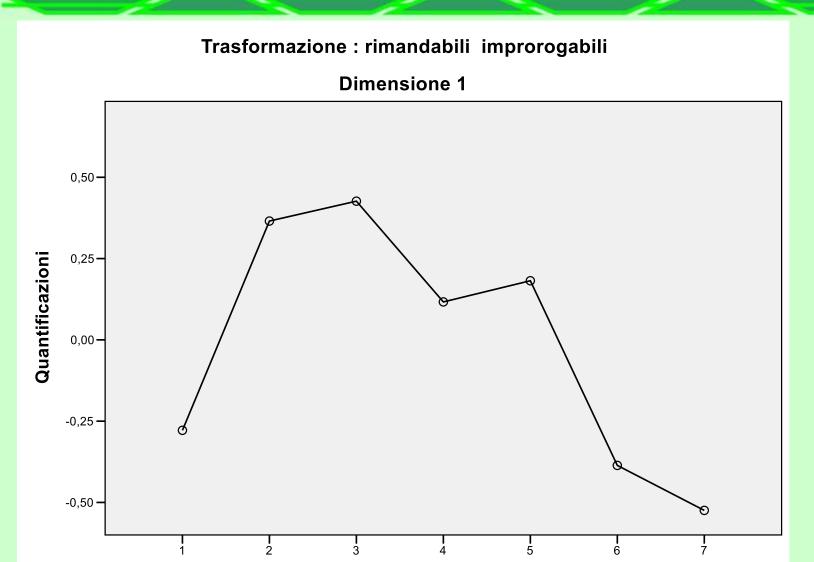


Quantificazione di un buon item





Quantificazione di un item scadente, va eliminato





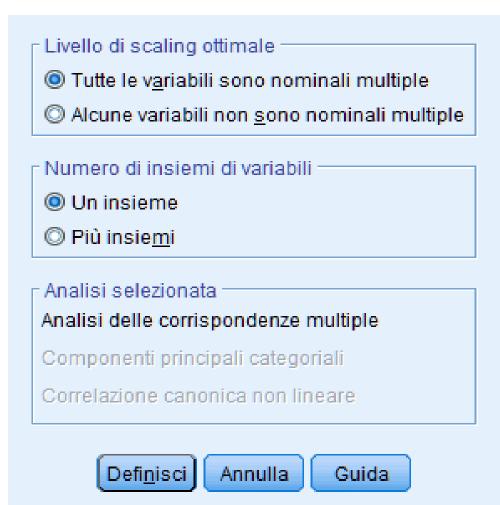
Come si usa SPSS

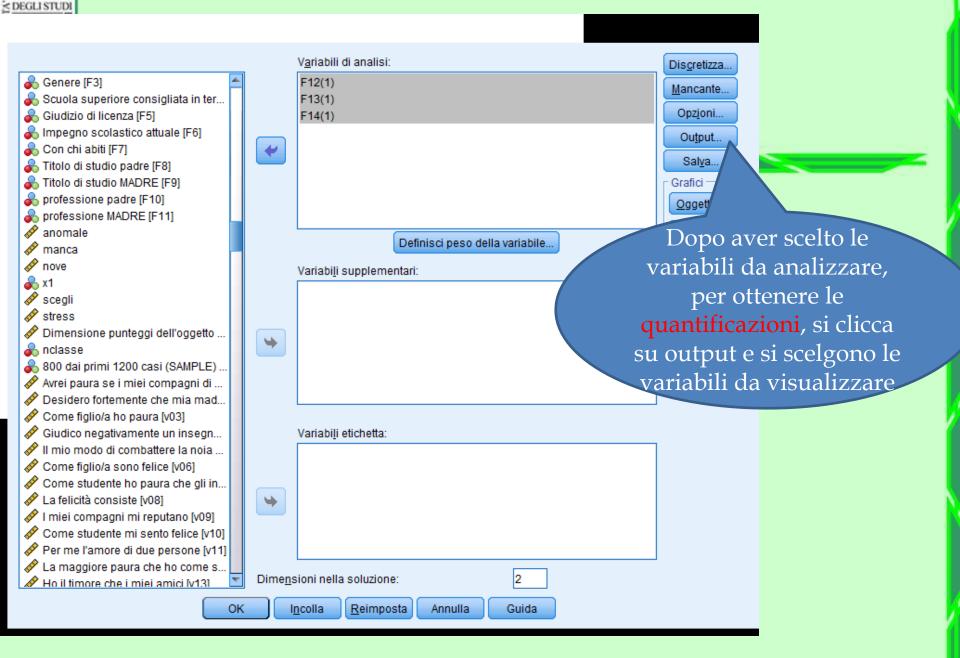
Menu Analizza,

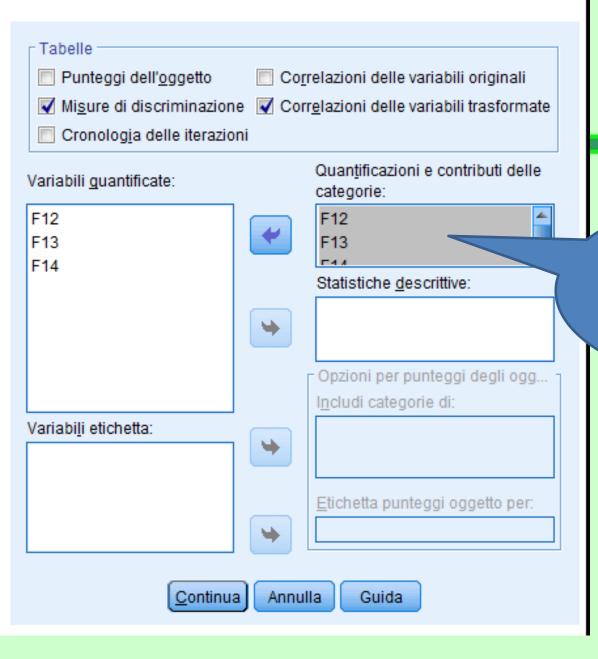
 Riduzione delle
 dimensioni

 Scaling ottimale.

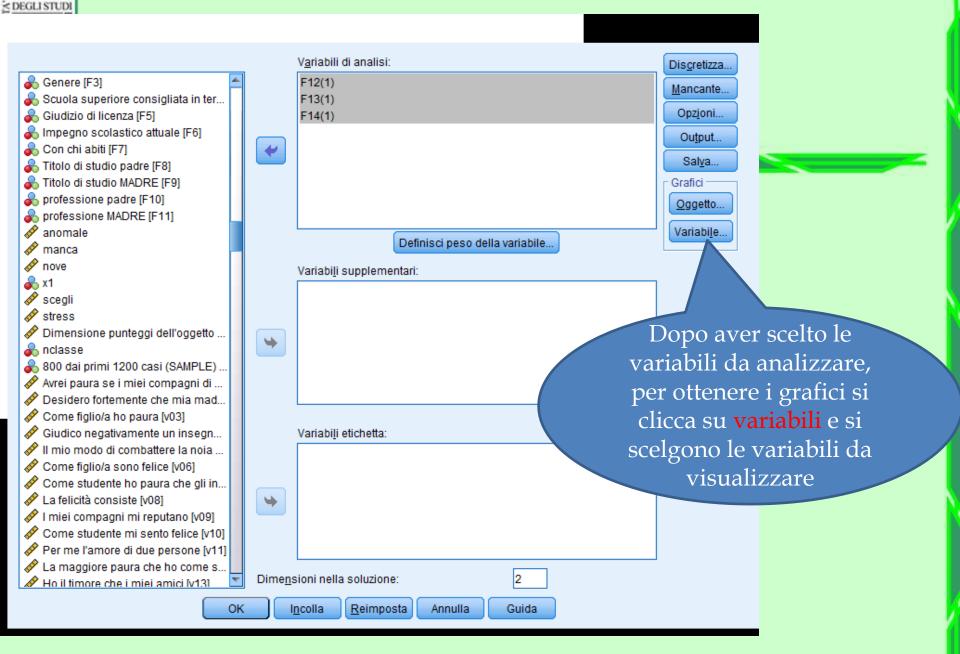
Compare la finestra e si usano i valori prestabiliti





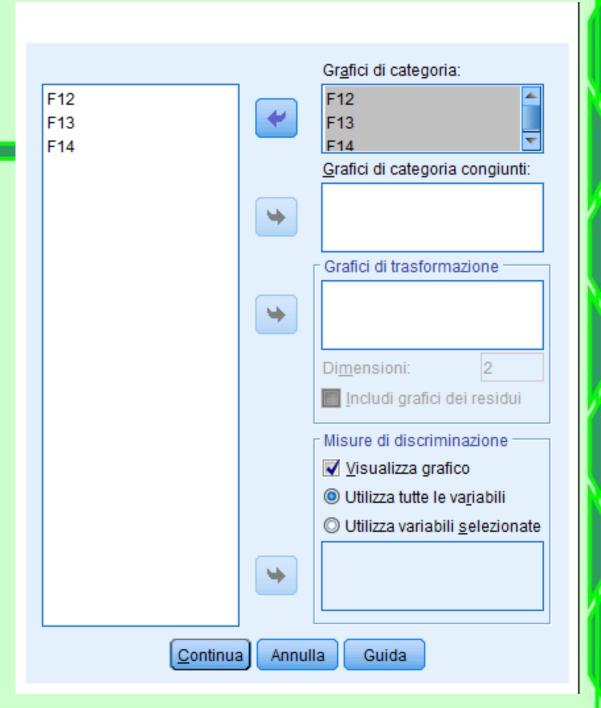


Le tre variabili da analizzare sono anche state scelte per mostrare la quantificazione delle categorie





- Si selezionano le variabili che si vuole visualizzare in un grafico
- (per selezionarle tutte premere control A e premere sul pulsante per portarle nel riquadro in alto a destra)

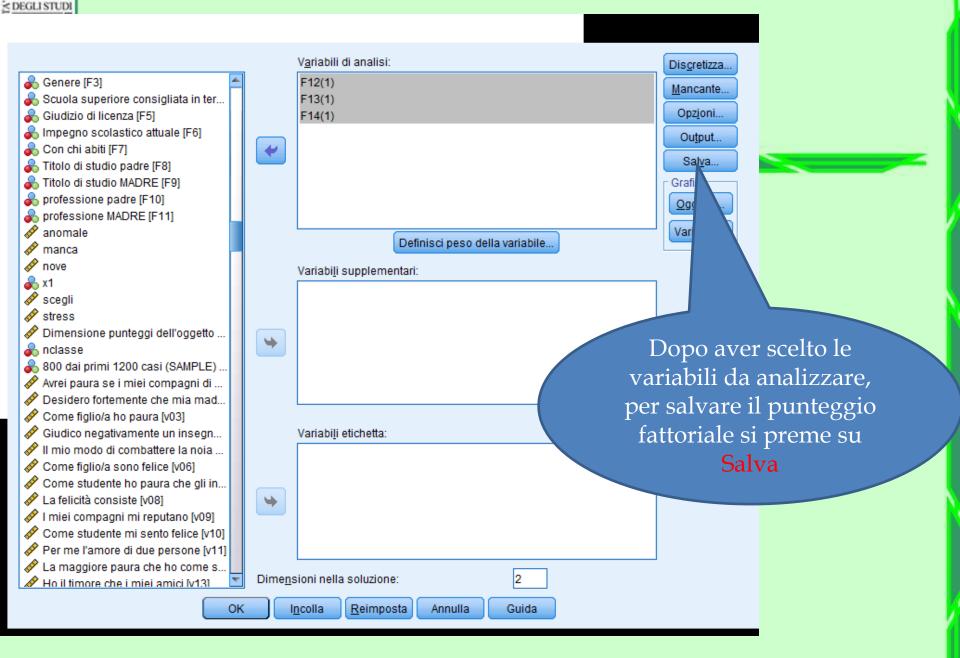




Per salvare...

Si possono salvare:

- 1. I punteggi fattoriali delle variabili latenti
- 2. Le variabili osservate ricodificate con il punteggio ottimale



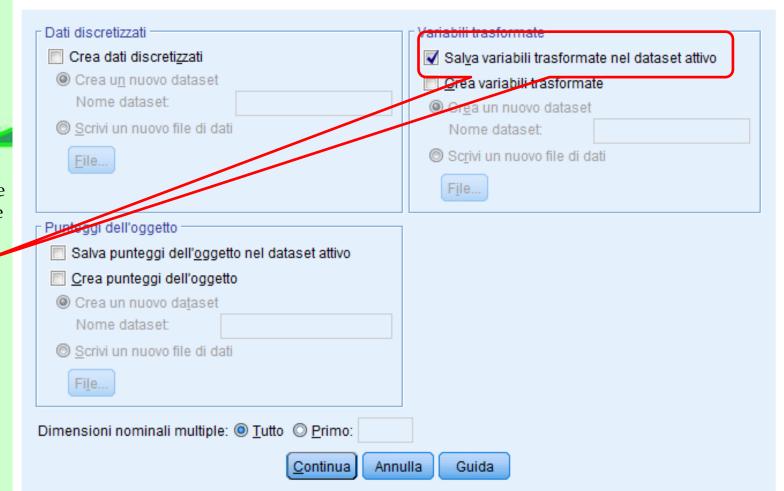


Mettere qui la spunta per salvare il punteggio (fare attenzione al numero di variabili da calcolare nella schermata precedente: il valore prestabilito è 2, e se vogliamo 1 dimensione dobbiamo modificare il numero nella schermata precedente)

┌ Dati discretizzati	┌ Variabili trasformate
Crea dati discreti <u>z</u> zati	Salva variabili trasformate nel dataset attivo
Crea un nuovo dataset	Crea variabili trasformate
Nome dataset:	© Crea un nuovo dataset
Scrivi un nuovo file di dati	Nome dataset:
File	Scrivi un nuovo file di dati
	F <u>i</u> le
Punteggi dell'eggette ✓ Salva punteggi dell'eggetto nel dataset attivo Crea punteggi dell'eggetto	
© Crea un nuovo dataset	
Nome dataset:	
Scrivi un nuovo file di dati	
Fi <u>l</u> e	
Dimensioni nominali multiple: Tutto Primo:	
Continua	ulla Guida



Se ci serve salvare la quantificazione per le variabili osservate, mettiamo la spunta qui





Vera applicazione del metodo

- Il questionario TAVVU (Test di Valutazione della Valutazione Universitaria) usa il metodo per costruire una scala che utilizza le risposte multiple, riferite agli esami universitari
- L'ipotesi generale di ricerca è che gli studenti hanno delle opinioni sugli esami, sul loro contesto, sulle persone coinvolte... questo atteggiamento può essere più o meno adeguato e realistico



Significato dei punteggi

- Punteggi alti: Congruenza, realismo, mancanza di vincoli irrazionali, ottimismo, tenacia, coscienziosità.
- Punteggi bassi: senso di persecuzione, desistenza, scoraggiamento, tendenza all'autocolpevolezza, dipendenza da genitori e compagni, visione persecutoria dei professori



AA6 Che cosa? la valutazione secondo te?

Punti: Coordinate

		Coordinate del
		baricentro
		Dimensione
Categoria	Frequenza	1
1 È un giudizio che viene dato ad ogni candidato per	395	,275
determinare quanto sappia su un determinato argomento		
2 È un modo per vedere chi ha seguito di più le lezioni	27	-1,517
3 Sono i risultati dell'impegno nello studio che lo studente	148	,168
dimostra		
4 È un modo usato dagli insegnanti per demoralizzarti	20	-1,713
5 È parte del voto di laurea	64	-,341
6 Non saprei	34	-1,072

Normalizzazione principale variabile.



Riepilogo del modello

		Varianza spiegata	
	Alpha di	Totale	
Dimensione	Cronbach	(autovalore)	Inerzia
1	,818	4,346	,256
2	,605	2,321	,137
Totale		6,667	,392
Media	,744 ^a	3,333	,196

a. L'alfa di Cronbach medio si basa sull'autovalore medio.



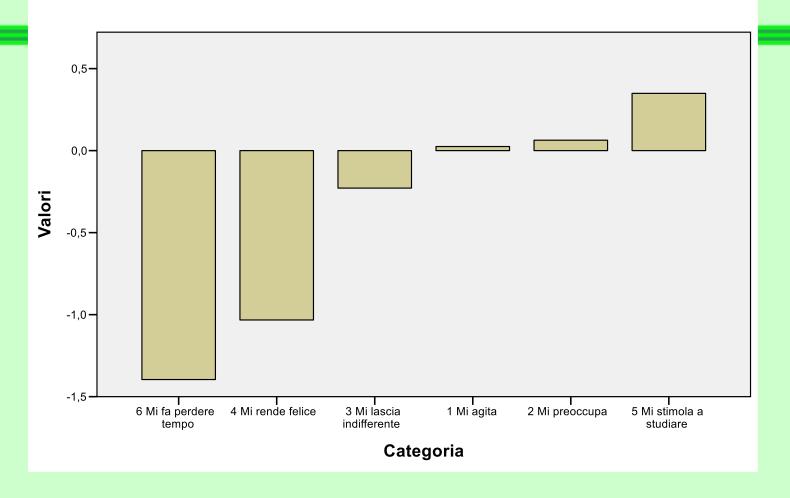
AA14 Di fronte a un esame più volte andato male

Punti: Coordinate

		Coordinate		
		del		
		baricentro		
		Dimension		
		е		
Categoria	Frequenza	1		
1 Perdo la motivazione allo studio	141	-,130		
2 Studio di più per poterlo passare la prossima vo	202	,314		
3 Lo vedo come un ostacolo insormontabile	120	-,449		
4 penso che il professore ce l'abbia con me	22	-1,853		
5 Lo tolgo dal piano di studi	27	-,835		
6 Non so perchè non mi è mai capitato	174	,413		
Mancante	2			
Normalizzazione principale variabile.				



AA1 L'essere valutato Punti: Coordinate Coordinate del baricentro Dimensione 1







CAMBIAMO NOME ALLA VARIABILE APPENA OTTENUTA

- Facciamo clic sulla nuova variabile appena creata da SPSS (chiamata OBSCO1_1 e chiamiamola per esempio Attegg.
- Se chiediamo più analisi e/o più di una dimensione, SPSS usa dei suffissi per individuale i punteggi fattoriali. Il nome p.e. OBSCO2_3 indica che è la seconda variabile della terza analisi che abbiamo richiesto.



Perequazione dei punteggi

• I punteggi ottimali, anche se hanno una media pari a zero e una varianza pari a 1, non hanno necessariamente una distribuzione normale

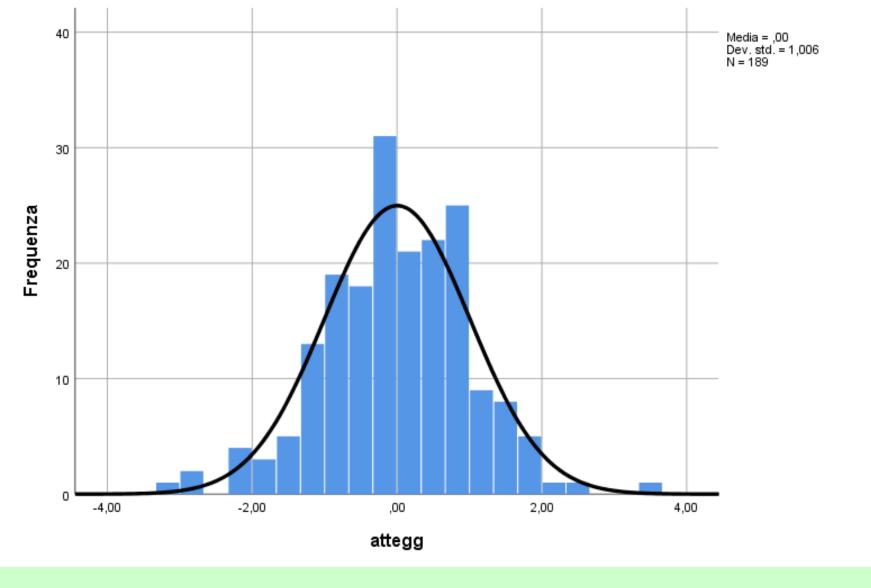


Perequazione dei punteggi

- Per ottenere la distribuzione perequata, che segue cioè la distribuzione di frequenza di Gauss, si possono residistribuire i punteggi, accumulandoli o rarefacendoli in accordo con la curva gaussiana.
- Per ottenere questo redistribuzione, usare il menu Trasforma di SPSS

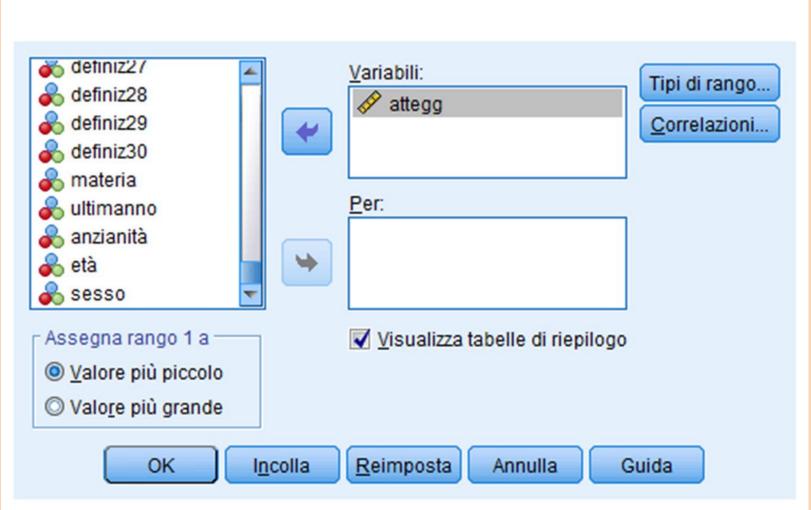


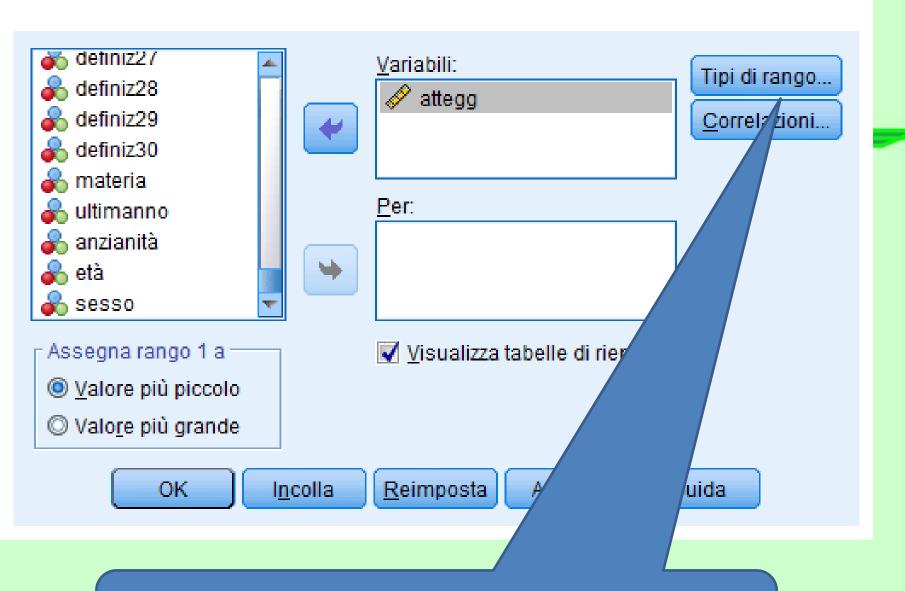
Ecco la distribuzione dei punteggi di atteggiamento verso le attività di orientamento



• La distribuzione è triangolare, ma non perfettamente normale

Per la perequazione Menu→Trasforma→Rango casi, e otteniamo questa finestra

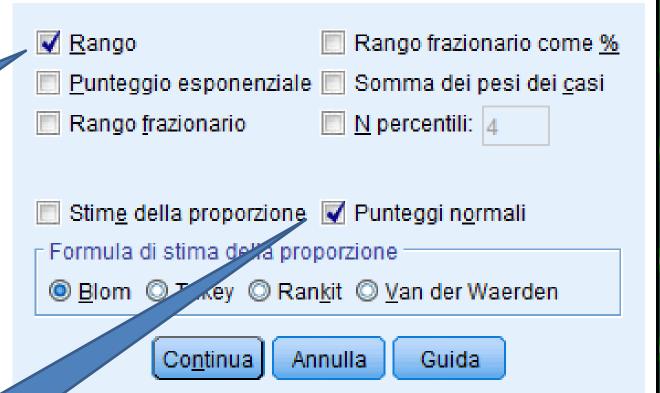




Selezioniamo la variabile da trasformare, e poi facciamo clic su Tipo di rango



Togliamo la spunta qui (è un valore prestabilito, non ci serve)



Mettiamo la spunta qui per avere i punteggi perequati e poi Continua

```
RANK VARIABLES=Attegg (A)
/NORMAL
/PRINT=YES
/TIES=MEAN
/FRACTION=BLOM.
```

RANK

Variabili create^a

	Variabile origine	Funzione	Nuova variabile	Etichetta
٠	Attegg ^b	Punteggio normale	NAttegg	Normal Score of Attegg using Blom's Formula

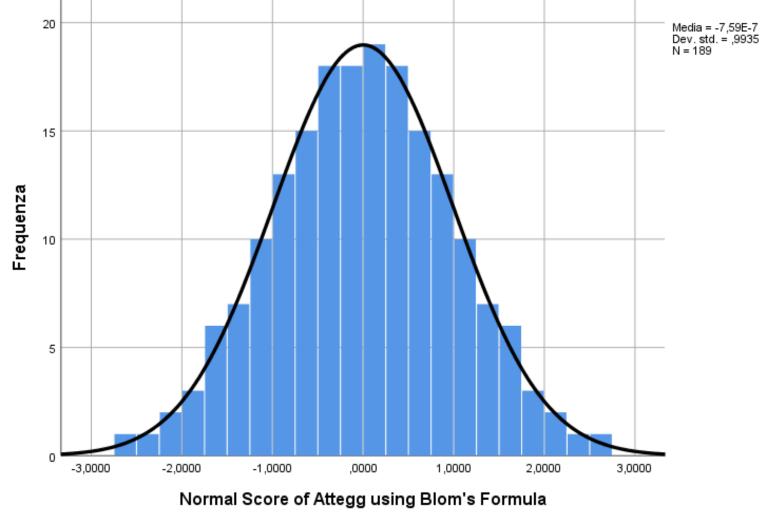
- a. Il rango medio dei valori correlati viene utilizzato per le correlazioni.
- b. I ranghi sono in ordine crescente
- Spss crea una nuova variabile perequata che chiama con lo stesso nome a cui aggiunge all'inizio la lettera N





 La corrispondenza fra i due punteggi può essere più o meno forte e la relazione più o meno lineare





Effetto della perequazione

I punteggi sono ora distribuiti in modo perfettamente normale

Un esempio pubblicato di applicazione

Studi e ricerche

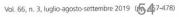
Costruzione e validazione di un questionario di atteggiamenti verso le attività di orientamento con il metodo dei punteggi ottimali

> Giovanni Battista Flebus Università Milano-Bicocca; Giovannibattista.Flebus@unimib.it

Per costruire una scala che misuri l'atteggiamento degli insegnanti delle scuole secondarie di I grado verso le attività di orientamento, sono state condotte circa venti interviste, da cui sono state tratte 20 ipotesi, tradotte in altrettante domande a scelta multipla, proposte a 189 docenti di varie scuole, in una regione italiana. L'applicazione del metodo dell'analisi fattoriale categoriale, conosciuta anche come quantificazione ottimale o analisi delle corrispondenze, ha permesso di individuare 12 item che misurano l'atteggiamento verso le attività di orientamento, rilevando le opinioni, credenze, aspettative e i comportamenti connessi. L'applicazione del metodo consente anche di applicare l'analisi fattoriale classica e l'analisi di fedeltà ai singoli item, che danno un coefficiente alfa pari a 0,78. Una validazione concorrente con nove definizioni di orientamento fornisce un supporto alla validità della scala.

Parole chiave

Orientamento scolastico, atteggiamenti, validazione, strumenti di misurazione, punteggi ottimali.





Secondo esempio pubblicato di applicazione



ORIGINAL RESEARCH published: 07 October 2021 doi: 10.3389/fpsyg.2021.713404



The Wisdom Acquired During Emergencies Scale – Development and Validity

Giovanni Battista Flebus*, Angela Tagini, Marta Minonzio, Eralda Dushku and Franca Crippa

Department of Psychology, University of Milano-Bicocca, Milan, Italy

The COVID-19 pandemic and its related lockdown restrictions had repercussions on health status, psychological states of mind, and emotion regulation. Attitudes towards these restrictions, beliefs, emotions and behaviours could be wise, as in the acceptance of, and adaptation to, these constraints. On the other hand, they could be unwise, as in the rejection of rules and limitations, denial of the consequences, irrational beliefs, self-

OPEN ACCESS